4-7 GPS パッシブレーダーによる散乱波の検出 *4-7* Detection of Scattered Signal using GPS Passive Radar

新垣吉也 雨谷 純

Yoshiya ARAKAKI and Jun AMAGAI

GPS 信号の散乱波を用いるパッシブレーダーについて報告する。散乱波は極めて信号強度が弱いため、ビームアンテナを用い長時間積分を行うことによって、特徴的なドップラー周波数変位を伴う散乱波の検出を行った。

We report on passive radar using scattered signal of GPS. Since the scattered signal is extremely weak in signal intensity, we adopted a beam antenna and long integration time and we could get the scattered signal with characteristic Doppler frequency shift.

1 まえがき

送信装置を必要としないパッシブレーダーは、装置 が簡単になること、無線局免許が不要であることから 無人運用、多地点観測に適している。放送波は電力が 大きいことからパッシブレーダーとして多くの研究が 行われてきた。しかしながら測位衛星(GNSS)の信 号は、地上での電力密度が0.1 pW/m²程度と微弱で あることから、これまでは鏡面反射点からの反射のみ を対象とした GNSS-R と呼ばれる手法が用いられてき た[1][2]。任意の方向に散乱した GNSS の信号を検出 するためには、ゲインアンテナと長時間の積分を必要 とする。今回、有効径 75 cm のパラボラの焦点に GNSS 用のアンテナを装着して、GPS L5 信号の散乱 波を受信し、40 秒間にわたりコヒーレントに積分す ることにより、特徴的なドップラー周波数変位をもつ 散乱波を検出したので報告する。

直達波に対する散乱波の遅延時間と 散乱点-受信点間距離

受信点から衛星へのベクトルを \vec{s} 、受信点から散乱 点へのベクトルを \vec{B} 、受信点から見た衛星の仰角をEl、 受信点から見た衛星と散乱点の方位角差を ΔAz とす る。以下の議論では、散乱点は受信点を含む水平線面 内にあるものとする。すなわち、散乱点と受信点は同 一高度の地表面にあり、かつ $|\vec{B}|$ が地球半径に比べて 十分に小さいとする。

$$\vec{s}$$
と \vec{B} のはさむ角 θ は、

$$\cos\theta = \cos El \, \cos \, \Delta Az \tag{1}$$

と表されるので、バイスタティックレーダーの距離換 算の式[3]から、直達波に対する散乱波の遅延時間 τ から求まる見かけの距離 r(r=c τ、c は光速)を使って、 散乱点-受信点間距離 **|B|** は、

$$\left|\vec{B}\right| = \frac{\frac{1}{2}r^2 + r|\vec{S}|}{\left(|\vec{S}| + r\right) - |\vec{S}|\cos El\cos \Delta Az} \tag{2}$$

と表せる [4]。 $|\vec{s}| \gg r$ なので、

$$\left|\vec{B}\right| \coloneqq \frac{r}{1 - \cos E l \cos \Delta A z} \tag{3}$$

となる[4]。

3 衛星の移動に伴うドップラー周波数変位

散乱点から衛星へのベクトルを*s*,光速を *c* とする と、直達波に対する散乱波の遅延時間の変化率 *i* は、

$$\dot{t} = \frac{1}{c} \frac{d}{dt} \{ \langle |\vec{S}'| + |\vec{B}| \rangle - |\vec{S}| \}$$

$$= \frac{1}{c} \frac{a}{dt} |\mathbf{S}'| - \frac{1}{c} \frac{a}{dt} |\mathbf{\tilde{S}}|$$
(4)

で表せる[4]。ここで地上に固定された座標系での衛 星の速度を**ジ**とすると、

$$\dot{\tau} = \frac{1}{c} \frac{\vec{S'}}{|\vec{S'}|} \cdot \vec{V} - \frac{1}{c} \frac{\vec{S}}{|\vec{S}|} \cdot \vec{V}$$
(5)

となる。ドップラー周波数変位∆fはこの遅延変化率

$$\frac{\vec{s}}{|\vec{s}|} - \frac{\vec{s}'}{|\vec{s}'|} \coloneqq \frac{1}{|\vec{s}|} \left(|\vec{B}| \sin \theta \right) \overrightarrow{u_{B'}}$$
$$= \frac{\vec{B'}}{|\vec{s}|}$$
(7)

となるから、式(6)は、

$$\Delta f \doteq \frac{\vec{B} \cdot \vec{v}}{\lambda \vec{s}} \tag{8}$$

のように表される。

式(3)及び(8)を使って計算した見かけの距離とドッ プラー周波数変位の例を図1に示す。衛星の動きに 伴って、また、同一時刻においても方位角によって、 見かけの距離、ドップラー周波数変位とともに大きく 変化することがわかる。

図2に、方位角125度、ビーム半値幅20度のアン テナで観測した場合のレンジ・ドップラーマップの例 を示す。アンテナビーム内にある物体からの散乱波は、 観測する距離の上限を4kmとした場合、図の着色し た範囲で観測される。レンジ・ドップラーマップ上に



図1 見かけの距離とドップラー周波数変位の時間変化(左)と方位角依存性(右)



図2 アンテナビーム内で観測される散乱波のレンジ・ドップラーマップ上の範囲 方位角125度+/-10度の範囲にある物体からの散乱波の見かけの距離及びドップラー周波数変位(着色部分)。 横軸は見かけの距離、図中の線上の数字は実際の距離[km]を表す。



上左:南北方向の距離分解能の時間変化、上右:東西方向の距離分解能の時間変化 下左:各衛星の仰角の時間変化、下右:各衛星の方位角の時間変化

おいて、観測されるデータは着色した部分の面積が大 きければ大きいほど、多くのセルに分割され、ビーム 内を細かく分解して観測することができる。一方、散 乱波のエネルギーは、散乱源の状態が均質である場合 においては散乱源の面積に比例するから、図の着色し た部分の面積が狭いほうが1 セルに対応する散乱源 の面積は増加し、観測値の SN 比は改善されると考え られる。

有効帯域幅を10 MHz、積分時間を40秒としたと きの方位角125度、距離3kmにおける東西・南北方 向の距離分解能の計算値を、仰角・方位角の時間変化 とともに図3に示す。

準天頂衛星は沖縄で24時間観測できるが衛星高度 がGPSに比べ高いため式(8)の**ए**の絶対値が小さく、 |**š**|が大きいことから、ドップラー周波数変位が小さく 分解能は高くない。

時間とともにレンジ-ドップラーマップ上の位置が

変化するため、積分時間を極端に長くすることはでき ないが、数十秒程度であれば分解能に比べ十分に小さ い範囲の変化にとどまることが図1の左図から読み取 れる。

制制制制の受信可能条件

受信信号とレプリカ信号との相互相関積分で得られる相関振幅pは、受信信号の電力を P_A 、受信信号以外の雑音電力を P_N とすると、

$$\rho = \sqrt{\frac{\mathbf{P}_{\mathbf{A}}}{\mathbf{P}_{\mathbf{A}} + \mathbf{P}_{\mathbf{N}}}} \tag{9}$$

で表され、これを用いると受信信号の SN 比 $R_{S_{/N}}$ は、 受信帯域幅を B、積分時間を Tとし、さらに $P_A \ll P_N$ であることを考慮すると



図4 受信システム



図 5 (上) アンテナと観測対象の恩納岳、(下) パラボラアンテナの焦点に取り付けられた GNSS アンテナ

$$R_{S/N} = \sqrt{\frac{P_A}{P_N}} 2BT \tag{10}$$

となる。受信機の NF を 3 dB (受信信号以外の雑音は 受信機のシステム雑音が支配的であるとする)、受信 帯域幅を 20 MHz、積分時間を 40 秒とすると、所望 受信電力P_Aは、

$$P_A > 5.2 \times 10^{-23} \times R^2 s_{/N}[W] \tag{11}$$

と見積もられる。GPS 信号の地表面での電力密度Sを $0.1pW/m^2$ 、散乱源の面積をA、単位面積あたりの散 乱断面積を σ 、散乱源と受信点の間の距離 Rを3 km、 受信アンテナの開口径 Dを75 cm とすると、

$$P_{A} = SA\sigma \left(\frac{D}{2}\right)^{2} \frac{1}{4\pi R^{2}} > 5.2 \times 10^{23} \times R^{2} s_{/N}[W]$$
(12)

$$A\sigma > 0.13 \times R^2 {}_{S/N}[m^2] \tag{13}$$



となるから、距離分解能を15m、方位分解能を0.5 度(3kmの地点で26mの距離分解能)とすると、

$$\sigma > 3.3 \times 10^{-4} \times R^2 s_{/_N} \tag{14}$$

と見積もられる。

5 観測システム

観測に用いたシステムのブロック図を図4に、使用 したアンテナ及び観測対象とした恩納岳の写真を図5 左に示す[4]。散乱波受信系に使用するアンテナには、 市販の有効径 57 cmのBS アンテナの給電部を取り外 し、代わりに通常の GNSS 用アンテナを装着したも のを用いた(図5下)。このアンテナのゲインは約 17 dB、ビーム半値幅は約20度と見積もられる。局 内遅延の補正と、GPSの重畳信号による位相反転を 検出するため、通常の GNSS アンテナを基準受信系 として用いた。現在、種々の GNSS 信号が利用でき るが、帯域幅の広さと送信している衛星数の多さから、 GPS の L5 信号 [5] (中心周波数 1176.45 MHz、チップ レート 10.23 MHz) を採用した。2 つのアンテナの信 号は、中心周波数 80 MHz に周波数変換した後、帯域 幅 32 MHz のバンドパスフィルタで帯域制限し、 64 Msps、量子化ビット数8ビットでアンダーサンプ リングした。サンプリングには VLBI 用に開発された AD コンバータを使用した。サンプリングしたデータ は PC に転送し解析を行った。 PC 内での解析 (図6) では、yuma アマルナック[6]を用い、周波数の1次 変化分まで、遅延の2次変化分までの予測値を計算し、 それらを補正しつつレプリカ相関を行った。まず、基 準受信系のレプリカ相関により局内遅延を推定した後、 その値を用いて散乱波受信系のレプリカ相関を行った。 相互相関はいわゆる FX 法を用いて、GPS L5 信号の コード長である1ミリ秒ごとに行った。

L5 信号にはデータが重畳されているため、位相が 不定期に反転する。そのため、基準信号系の位相反転



図7 散乱波の観測値(上)、計算値(中)及び地図上への投影(下) 左側は SV # 26、右側は SV # 32 に関する図。観測値、計算値とも横軸は観測された見かけの距離。図中の赤、緑、青の線はそれぞれ、アンテナのビー ム中心から -10 度、0 度、+10 度の方位角について 計算した結果であり、数字は受信点からの実際の距離 [km] を表している。 地図の左上端が観測点、右下に恩納岳。地理院地図 (https://maps.gsi.go.jp/)を用いて作成

を基に、散乱波受信系の位相を反転させつつ 20 ミリ 秒ずつ積算した。

こうして得られた 20 ミリ秒ごとのクロススペクト ルについて1秒分ずつ2次元フーリエ変換を行い、レ ンジ・ドップラーマップを生成した。このレンジ・ドッ プラーマップ上に現れる直達波の情報を基に、予測値 の不正確さから生じる遅延、ドップラー周波数、位相 の残差分を、20ミリ秒ごとのクロススペクトルに対

4 衛星センサによる宇宙からの地球環境観測

して補正した後、再度、今度は40秒分のデータについて2次元フーリエ変換を行い、レンジ・ドップラーマップを作成した。

6 観測結果

沖縄電磁波技術センターの庁舎屋上に設置した散乱 波受信用アンテナ(北緯26度29分55秒、東経127 度50分41秒、標高19m)を南東方向に3.7kmほど 離れた山(恩納岳北緯26度28分44秒、東経127度 52分29秒、標高363m)に向け、データを取得した。 取得したデータを解析して得られたレンジ・ドップ ラーマップの例を、計算値及び地図上への投影図とと もに図7に示す[4]。**3**に示したように、レンジ・ドッ プラーマップ上の散乱波が予想される部分の面積が大 きいほど、分解能が高く、SN比が低下することが予 想されるが、観測値及び地図上の投影結果にそれを見 ることができる。

地図上で、衛星により散乱源の場所が異なるように 見えるが、観測時、SV # 26 は南西方向 (Az=252.8°, El=55.8°)にあり後方散乱に近く、SV#32 は南東方向 (Az=135.7°, El=67.0°)にあり前方散乱に近いこと から、散乱源への GPS 信号の照射方向の違いによる ものと考えられる。本方式の GNSS-R に対する利点 は、GPS の電波が散乱源に対し照射されることであり、 これを利用すれば散乱源の散乱断面積の異方性を計測 できる可能性がある。

7 まとめ

有効径 75 cm のパラボラアンテナを用い、40 秒間 コヒーレントに積分することにより、GPS L5 信号の 山の斜面からの散乱波を検出した。観測時間中に衛星 が移動することから、合成開口レーダーのように、方 位角分解能が実開口のそれと比べ改善されることが確 認された。また、衛星により散乱源に対し電波が照射 される角度が変化するため、散乱源の分布が異なるこ とも確認された。今後、データを蓄積し、散乱源の状 態やその変化の抽出を行っていきたい。

謝辞

開発したサンプラー制御ソフトを使わせていただい た、NICT の VLBI 開発グループの方々、時空標準研 究室 後藤忠広主任研究員に感謝いたします。

【参考文献】

- 1 M. Martin-Neira, "A Passive reflectometry and interferometry system (PARIS): Application to ocean altimetry," ESA J., 17:331-355, 1993.
- 2 T. Hobiger, J. Amagai, M. Aida, and H. Narita, "A real-time GNSS-R system based on software-defind radio and graphics processing units," Adv. Space Res., vol.49, no.7, pp.1180–1190, 2012.
- 3 M. I. Skolnic, "Introduction to Radar system," McGraw-hill, 1962.
- 4 Y. Arakaki, J. Amagai, "Detection of GPS signal scattered from mountain," IEICE Communications Express, Vol.7, No.4, pp115-119, 1 April. 2018.
- 5 IS-GPS-705, Navstar GPS space segment/User Segment L5 Interfaces, 24 Sept. 2013.
- 6 https://www.navcen.uscg.gov/?pageName=gpsAlmanacs



新垣吉也 (あらかき よしや) 電磁波研究所 時空標準研究室 主任研究員 リモートセンシング



雨谷 純 (あまがい じゅん) イノベーション推進部門 受託研究推進室 リモートセンシング、時刻周波数比較、電波 干渉計