5-4 日伊基線で実施した広帯域 VLBI 実験のデータ処理 5-4 Data Processing of the Broadband VLBI Experiment with Japan-Italy Baselines

岳藤 一宏 近藤 哲朗

Kazuhiro TAKEFUJI and Tetsuro KONDO

約 9000 km 離れた日本とイタリアに設置した直径 2.4 m の小型アンテナ間の超長基線干渉計 (Very long baseline interferometer,以下 VLBI)による測地結果を得るために、鹿島 34 m 局(鹿島 宇宙技術センター:茨城県鹿嶋市)の 34 m アンテナを基準局とした VLBI 実験を行った。2.4 m ア ンテナの 2 台は Medicina 観測所 (Bologna, Italy)と情報通信研究機構 (NICT)本部 (東京都小金井 市)に設置した。どちらも垂直偏波が受信可能で、鹿島 34 m アンテナのみ垂直偏波と水平偏波が 受信である。実験では全受信帯域の 3.2 GHz から 14.4 GHz のうち、1 GHz 帯域を 4 つ切り出して 受信する広帯域受信システムを用いて、約 30 時間にわたってクエーサー 20 天体を繰り返し観測 した。観測後、視差角 (Parallactic angle)を考慮した直線偏波のデータ補正と電離層による分散 性遅延量の精密な補正を行い、約 9000 km の超長基線で世界最高帯域幅 9 GHz (4.8 GHz から 13.8 GHz、有効帯域幅としては 3.1 GHz) のバンド幅合成に成功した。

We have carried out a geodetic VLBI (Very long baseline interferometer) on approximately 9000 km baseline between 2.4 m diameter radio telescopes installed in Medicina, Bologna, Italy, and in Koganei, Tokyo by using a 34 m diameter radio telescope in Kashima as a reference station. We installed vertical polarization receivers to 2.4 m diameter telescopes and vertical and horizontal polarization receivers to Kashima 34 meter telescope. Four 1 GHz frequency bands within the total receiving range of 3.2 GHz to 14.4 GHz were simultaneously extracted, then we observed 20 quasars repeatedly for about 30 hours. After the observation, linear polarization correction considering the parallactic angle and dispersive delay correction due to the ionosphere effect were applied. As the results, we have successfully performed the world's widest bandwidth synthesis over the frequency range of 9 GHz from 4.8 GHz to 13.8 GHz with the effective bandwidth of 3.1 GHz.

1 はじめに

VLBIではクエーサーなどの電波を2つ以上のアン テナで受信する。受信した信号に対して相関処理と呼 ばれる信号処理を行うことにより、電波が2つのアン テナに到来する時刻差(遅延時間)を極めて精密に計 測できる。一般的な測地 VLBIでは、複数のアンテナ を用いて、約24時間中に ICRF2 天体カタログ[1]に 含まれる20から30程度の天体の観測を繰り返し行う ことで、アンテナの相対位置、基準周波数信号の周波 数差、大気伝搬遅延、地球回転パラメータなど様々な 物理量を推定できる。

VLBI によって求まる遅延時間の精密さは、信号対 雑音比 (以下 SNR) と受信する有効周波数帯域幅 (ま たは周波数分散 σ_{t})が広くなるほど向上する。そこで、 バンド幅合成 (Bandwidth synthesis) と呼ばれる、い くつかの帯域を合成して観測帯域を等価的に拡張する 技術が開発された [2]。初期の VLBI 観測では記録で きる帯域が kHz オーダーと狭かったが、帯域を拡張 するバンド幅合成は計測精度の飛躍的な向上をもたら すため、現在の測地 VLBI においても用いられている。 測地 VLBI の次世代規格として策定された VGOS (VLBI Global Observing System)では、3 GHz から 10 GHz 以上の観測帯域から複数の帯域を受信して、 広帯域のバンド幅合成処理による帯域の拡張が想定さ れている。

10 GHz 以上の帯域をサンプリングしてデジタル記録することができる装置はまだ一般的に存在しないこと、また、人工雑音(例えば、携帯電話による無線通信やWiFi、レーダー信号)を避ける必要があることから、NICTでは10 GHz 以上の観測帯域の中から1 GHz の帯域を4つ切り出して、相関処理した結果を

合成するバンド幅合成の手法を開発した。このような 広帯域バンド幅合成は国土地理院石岡 13 m 局と鹿島 34 m 局を用いた国内 VLBI 実験において成功してい る [3]。

この技術を応用して、NICT では遠隔地にある周波 数標準の周波数差の測定に VLBI 技術を用いる技術開 発を進めており、直径 2.4 m の小型アンテナをイタリ アの Medicina (Medicina 観測所 2.4 m 局) と日本の小 金井(小金井 2.4 m 局) に設置した。2.4 m アンテナは 口径が小さく、2.4 m アンテナのペアでは短時間で十 分な相関強度を得ることができない。そのため、鹿島 34 m 局の34 m アンテナと2つの2.4 m アンテナのペ アの間で遅延時間を計測し、その差分から2.4mアン テナ間の遅延時間を計測する[4]。しかし、日本とイ タリアの長距離基線では次の3つの問題がある。まず 第1に、VLBIによる空間分解能が高いため大きな構 造を持った天体は分解されて SNR が低下するので、 観測対象にできる天体はコンパクトなものに限られる。 第2に、視差角が日本とイタリアで大きく異なり、直 線偏波システムで受信した信号をそのまま相関処理を すると SNR が低下する。第3に、電離層による遅延 が両局で大きく異なり、広帯域バンド幅合成において クロススペクトルの位相が一定とならず、電離層によ る遅延を正確に補正する必要がある。本稿では、これ ら3つの問題点の解決を図ったので、その方法と結果 について述べる。

2)日伊基線の VLBI 実験の概要

受信システムなどの詳細は、本研究報告の氏原[5] に譲るが、広帯域受信システムは広帯域フィードを装 備しており[6]、3.2 GHzから14.4 GHzに感度を持つ。 ダイレクトサンプラは 16 GHz で高速 AD サンプリン グ (Analog to Digital) を行った後に、内部信号処理で 任意の1 GHz 帯域を切り出すことができる。16 GHz でサンプリングを行うため、ナイキスト周波数は 8 GHz となる。サンプリングによるエイリアシングを 避けるため、8 GHz 以上の信号を遮断するアナログ LPF (Low pass filter) と 8 GHz 以下の信号を遮断す る HPF (High pass filter) をサンプラの前段にそれぞ れ入れている。このため、片偏波の 2.4 m 局に配置し たサンプラ内部には2つの AD 変換入力があり、両 偏波の34m局ではサンプラ内部に4つのAD変換入 力がある。受信帯域から人工雑音を避けつつ1GHz 帯域を4つ(中心周波数5.3 GHz, 6.3 GHz, 8.7 GHz, 13.3 GHz) がダイレクトサンプラで切り出される。約 30時間の測地 VLBI でクエーサー 20 天体を合計 700 回観測(1回の観測の単位をスキャンと言う)した。1

偏波あたりそれぞれの1GHz帯域につき2GHzで
1 bit 量子化のサンプリングを行うため、総記録デー タレートは8Gbps (Giga bit per second)となり、3局
4 偏波分の合計で約240 TB (Tera Byte)のデータとなる。Medicinaと小金井の2.4 m アンテナのデータは観測後、高速インターネット回線で鹿島に伝送した。
そして、3局の合計4偏波の相関処理を行い、続いて広帯域バンド幅合成処理を行った。

主に国内で行ってきた広帯域バンド幅合成[3]では、 まず、全てのスキャンのうち4つの1GHz帯域で最 も SNR が高いスキャンを選び、他のスキャンの基準 となる校正スキャンとする。4つの帯域間はダイレク トサンプラの前段のフィルタの特性などのため、受信 信号の通る経路長が数ナノ秒の遅延差(バンド間遅延) があり、さらに、1 GHz 帯域内でもクロススペクトル の位相が一定とならず、特性(バンド内遅延)をもつ。 そこで、校正スキャンを基準として各スキャンから差 をとることで、バンド間遅延とバンド内遅延を除去す る。最終的に4帯域のクロススペクトル位相は一定と なり、4帯域をバンド幅合成することで精密な遅延量 を得ることができる。ここで注意が必要なのは、広帯 域バンド幅合成後に得られる遅延は校正スキャンの遅 延分のオフセットを持つことである。また、電離層に よる遅延も基準となる校正天体スキャンの電離層遅延 に対する各スキャンの相対値である。こうして得られ た鹿島34m局と2つの2.4m局の遅延を基線解析す ると、鹿島34m局の局位置を基準にして、それぞれ の 2.4 m 局の局位置が推定される。このような VLBI 実験を2018年10月以降十数回行った。実験により天 体の選出や観測時間、総スキャン数が異なるが、これ 以降記述する結果には実験コード(プロジェクト GALA-Vを2文字に短縮したgvと西暦の下1桁、通 算日で成る、例えば gv8287 や gv9045) を併記する。

長距離基線に特有な問題への対処方法の検討

2018年7月にイタリアの Medicina 観測所に2.4 m 小型アンテナシステムを運搬して設置した。このよう な国際基線では大きな構造をもつ天体が分解して SNR が下がることが予想できる。このため、基線長 に対して大きい構造を持つ天体は使用できず、測地 VLBI で使用されている ICRF2 天体カタログを更に 絞り込む必要があった。例えば、日本とイタリアの直 線距離約 9000 km で星からの射影されたアンテナ距 離を半分の 4500 km とすると、空間分解能入/D(波長 /射影基線長)はXバンドの8GHz での観測とすると 1.7 ミリ秒角となる。観測するクエーサーが3ミリ秒 角の正規分布の強度を持つ天体だと仮定すると、天体 が点源とした場合に比べて見かけ上のフラックス密度 が24%に低下する。そこで、Astro geocenter^{*1}で作 成されたXバンドの米国 VLBA (Very long baseline array)電波カタログから本実験に適切な電波天体を 選出した。選出方法は約9000天体から、赤緯が-10 度以上、総フラックス密度が1Jy以上、そして、分 解されないフラックス密度との割合(長い基線でも天 体サイズが変わらないと考える)を35%以上として 合計115天体を選出した。さらに、測地VLBI用のオー トスケジューラで観測スケジュールを作成するとさら に20天体程度(実験により選定天体数が増減して、 22天体から26天体であった)に絞り込まれた。

また、視差角が日本とイタリアで大きく異なり (図1参照)、我々の直線偏波受信システムでは同じ天 体でも SNR が大きく低下する。例えば2局の視差角 差がゼロであれば、問題無く観測天体を検出できるが、 視差角差が90度だと全く検出できない。Roger[7]に よると直線偏波受信システムを採用したアンテナ a,b でストークスパラメータIは下記の式で合成可能であ る。ここで H,V はそれぞれの水平偏波と垂直偏波の 複素スペクトルを表し、スター記号*は相関演算子、 バー記号は時間平均を意味する。また、δpは2局そ れぞれのアンテナ位置での視差角差である。

$$I = (H_a \star H_b + V_a \star V_b) \cos(\delta p) + (\overline{H_a \star V_b} - \overline{V_a \star H_b}) \sin(\delta p)$$
(1)

ここで、2.4 m 局は垂直偏波のみ受信可能であり、 式中の Hb が観測できずゼロとなるが、視差角差の補 正を行うことでストークスパラメータ I の半分が得ら れる。

$$I/2 = \left(\overline{V_a \star V_b}\right)\cos(\delta p) + \left(\overline{H_a \star V_b}\right)\sin(\delta p) \tag{2}$$

次に懸念される問題は、電離層による影響である。 100 km 程度のエリアの中であれば、全電子数(Total electron unit)の差が約0.5 TECU以下になる。ここ で全電子数はTECU=10¹⁶ electron/m²の単位である。 一方、日本とイタリアでは、共通なクエーサーを観測 した場合のアンテナの仰角や太陽時も異なり、 ±20 TECU以上変動する(太陽の活動期は更に大き くなると予想される)。幾何学的に決めた遅延量をτ、 また、2つの観測周波数 f_{s}, f_{x} における遅延 τ_{s}, τ_{x} は次 のように表すことができる。ここで、Nはアンテナま でに到達する単位底面積の円柱に含まれる全電子数で ある。

$$\tau_x = \tau + \frac{N}{f_x^2}, \quad \tau_s = \tau + \frac{N}{f_s^2} \tag{3}$$

両式の差分をとることで、幾何学的遅延量 τ は消去でき、さらに式変形を行うと、電離層に起因する分散性の遅延量 $\Delta \tau_s$ から全電子数Nが得られる。

$$\Delta \tau_g = N \left(\frac{1}{f_s^2} - \frac{1}{f_x^2} \right) \tag{4}$$

このような2つの周波数帯域を利用する方法は、既存 のS/Xバンドを使用した測地 VLBIや、GPSシステ ムでも用いられている。仮に、Cバンド(6 GHz)とX バンド(8 GHz)の観測データを合成する場合に 5 TECUの電離層遅延を仮定すると、それぞれ100 ps と150 psの群遅延、位相遅延では300 度と360 度と、 60 度もの差が生じる。これまでに我々が行った国内 実験ではバンド幅合成処理は問題なく実施できたが、 実際は、アンテナ間の距離が近く、電離層による遅延 がほぼ同じで問題が表面化しなかったためであり、日 本とイタリア基線のデータ処理ではより精密な補正が 必要である。

4 相関処理後の直線偏波データ合成

図1は鹿島と Medicina 基線での実際の24時間測 地 VLBI 実験から視差角差δpを計算した結果(実験 コードgv9015)である。日本国内であれば高々数度の 差で無視できたが、広い角度にわたり分布しているこ とがわかる。図2は鹿島と Medicinaの基線で、天体 が検出できた HV 成分と VV 成分の SNR 比率と視差 角差の正接の関係を示したもので、プロットで93% の高い相関係数で相関がある。縦軸が大きくなるほど プロットの分散が大きく見えるが、視差角差が90度



図 1 鹿島と Medicina 基線の約 30 時間 VLBI 実験 (実験コード gv9015) に おける視差角の差 δp

*1 http://astrogeo.org/vlbi/solutions/rfc_2016 c



図 2 鹿島と Medicina 基線の約 30 時間 VLBI 実験 (実験コード gv9015) に おける HV 成分と VV 成分の SNR 比率と視差角差の正接の比較



もしくは 270 度に近づくと、分母である HV 成分の SNR が低下するとともにそのばらつきが増加するた めである。次に VV 成分と HV 成分の相関データを遅 延差と位相差を考慮して、式(2)に従って合成する。 図3と図4は VV 成分と HV 成分の相関データの群遅 延と、群遅延差を補正後に位相遅延を比較した結果 (実験コード gv8287)である。図3に示すとおり、VV 成分とHV成分の群遅延は傾きが1の直線上に分布し ており、その群遅延の差は一定であることが分かる。 また、図4に示すとおり、VV 成分とHV 成分の位相 遅延差も一定である。この群遅延差と位相遅延差を補 正して2つの成分を合成した結果が図5である。図5 の観測天体のクエーサー1928+738の視差角差は約 135 度であり、HV 成分と VV 成分が共に視差角差が ない場合に比べて SNR が約1/√2になるため、合成後 の SNR は片方の成分に対して計算上約√2倍に向上す る。この図5の場合、HV 成分の SNR は 18.3、VV 成 分の SNR は 18.7 であった。予想される SNR が 26.2

であるのに対して、合成後のSNRは25.7となり精度



図 4 VV 成分と HV 成分の位相遅延の差 (群遅延時間の差を補正後、実験 コード gv8287)



図5 鹿島と Medicina 基線の VLBI 実験における偏波合成前後の相互相関 関数。天体は1928 +738 を115秒間観測した。左から HV 成分(十字印, SNR18.3)、VV 成分(クロス印, SNR18.7)、そして、HV と VV 成分 を合成した結果(丸印, SNR25.7)。各プロットは比較のため、ピーク の遅延時間を 10 ナノ秒ずつシフトさせている。

良く合成できたことが分かる。ここで基準となる偏波 成分が HV 成分と VV 成分の2つあり、このどちらか 2 通りの合成方法がある。本稿では VLBI 実験による 局位置の推定について触れていないが、最終的に Medicina と小金井の2.4 m 局の遅延の差を鹿島34 m 局を基準として計算する。鹿島34 m 局と小金井2.4 m 局の基線では視差角差がほぼゼロであるため VV 成分 のみ有効で、VV 成分の遅延結果を用いる。鹿島 34 m 局を基準として2.4 m 局間の遅延時間差を得る ことを考慮すると、鹿島と Medicina の基線でも共通 となる偏波成分は鹿島の V 偏波を利用している VV 偏波である。このため、鹿島と Medicina でも VV 成 分の群遅延、位相遅延が基準となるように合成した。 この偏波合成を測地 VLBI 中の全スキャンに対して 行った。

5 バンド幅合成における電離層補正

3

で述べたように日本とイタリアの超長基線では広 帯域バンド幅合成を行うには電離層補正を精密に行う ことが必要である。筆者らは1GHz帯域の4バンド の VLBI 実験で、各バンドの SNR が 10 以上あったと きに TEC 値 (全電子数値) を精密に推定する方法を開 発した[3]。しかしながら、日本とイタリアの長基線 では SNR が国内基線に比べて低下するため、各 1 GHz 帯域の SNR が有効時間内に 10 未満となり、最 小自乗推定が収束しないことが多く発生した。そこで、 TEC 値をパラメータとして変化させながらバンド幅 合成を行い、最も相関強度が高くなる TEC 値をその スキャンでの TEC 値と決定することとした。この方 法は VGOS の解析でも使用されている [7]。まず荒く 4 TECU ステップで±50 TECU の間をサーチして、 ピーク値付近で1 TECU ごとにより細かく精密サー チする。精密サーチ付近で2次関数フィットによって



図6 広帯域バンド幅合成において4 TECU ステップで TEC 量をさせなが ら SNR を計算してプロットした。ピーク付近で1 TECU ずつ変化さ せて精密にサーチを行っている。観測天体はクエーサー 1144 +402 で 観測時間は 60 秒である。ピーク付近での2次曲線フィットで最適値 は 6.5 TECU と推定された。



図 7 図 6 で得られた最適 TEC 値での広帯域バンド幅合成の結果得られた 相互相関関数。SNR は 17.4 であった。

最適値を得る。得られた最適な TEC 値を用いて再度 広帯域バンド幅合成を行い最終的な遅延量を得る。

図6と図7は鹿島と Medicina の基線において、ク エーサー1144 +402を観測したデータ(実験コード gv9199)を偏波合成後に TEC サーチを行った結果と、 最適 TEC 値でバンド幅合成を行った相互相関関数(フ リンジと呼ばれる)である。同様に図8と図9はクエー サー0133 +476の結果である。SNR が16 程度と比較 的小さなスキャンでもほぼ線対称の相互相関関数が得 られており、うまく4つの1 GHz 帯域を広帯域バン ド幅合成できたことがわかる。この TEC 量を考慮し たバンド幅合成を測地 VLBI 中の全スキャンに対して 行った。

図 10 は約 30 時間の測地 VLBI (実験コード gv9045) のバンド幅合成処理で得た最適 TEC 量と GNSS (Global Navigation Satellite System) による TEC 計 測値からの比較結果である。GNSS による TEC 測定 値は 600 km 上空に電離層を仮定したモデルを用いて、



図8 クエーサー 0133 +476 を 110 秒間観測したデータの電離層遅延を精密 に推定した結果、電離層遅延の最適値は -16.1 TECU と推定された。



図 9 図 8 で得られた最適 TEC 値での広帯域バンド幅合成の結果得られた 相互相関関数。SNR は 16.0 であった。



図 10 鹿島と Medicina の超長基線の測地 VLBI (実験コード gv9045) にお ける広帯域バンド幅合成で算出された TEC 測定結果と GNSS によ る測定結果 (地上 600 km に電離層レイヤーがあるモデル)の比較。 データ点数は 780 点で、直線近似 (傾き a, 切片 b) を行った。図中の アルファベットは観測天体を表す。

アンテナのある位置での視線方向での TEC 値を計測 した結果を用いて、2 つの局における差である。両者 の相関係数は約 86 % が得られた。VLBI による TEC 推定値は校正天体の TEC 値を基準とした相対値のた め、GNSS による TEC 推定値とは 3.1 TECU の固定 したオフセットがある。

6 考察

鹿島 34 m 局と Medicina 観測所の 2.4 m 局を用い た約 30 時間の測地 VLBI で、SNR が 10 以上あるこ とを閾値とした検出数(全体786スキャン)を比較し てみると、偏波合成前の HV 成分と VV 成分は4つの 帯域中で最も低い観測周波数帯域に対して、それぞれ 241 スキャンと 375 スキャンであった。4 で述べた偏 波合成を適応すると、SNR が向上して、577 スキャン に増加した。 鹿島 34 m 局と小金井 2.4 m 局の国内基 線との SNR を比較すると、今回の偏波合成適応後の SNR は平均的に 40% ほどの値となった。これは射影 基線長が天体の観測する時間帯ごとに異なるため単純 な比較となるが、天体フラックス密度の分布がガウシ アンだと仮定すると、射影基線長のアンテナビームに 比べて平均的に1.2倍ほど天体のサイズが大きいため だと推測できる。なるべくコンパクトな天体を選出し ているが、それでも天体構造の影響を受けていると考 えられる。さらに4つの1GHz帯域を合成するバン ド幅合成後は753スキャンとなり、全スキャンに対す

る検出スキャン数の割合は 95.8%に向上した。また バンド幅合成により周波数帯域幅が拡張され、1 GHz 帯域幅 (有効帯域幅 296 MHz)から、最高周波数から 最低周波数を引いた帯域幅が 9 GHz (有効帯域幅 3.1 GHz)となった。有効帯域幅により遅延時間の推 定精度が決まるため、推定精度は約 10 倍に向上した。 実際、1 GHz 帯域の図 5 はフリンジの時間幅が 2 ナノ 秒程度であるが、広帯域バンド幅合成後の図 5 や図 9 に示すとおり、相互相関関数のピーク幅は 200 ps と 約 1/10 倍になっており、遅延時間の推定がより精密 にできたことが分かる。

7 まとめ

イタリアの Medicina 観測所に設置した 2.4 m アン テナと NICT 本部にある 2.4 m アンテナを、鹿島 34 m 局を共通の参照局として VLBI 実験を行った。 コンパクトで比較的フラックス密度の大きな天体を選 定し、直線偏波受信システムによる観測データを合成 して SNR を改善した。さらに電離層の遅延を精密に 補正して広帯域バンド幅合成を行った。VGOS 計画に より口径 10 数 m の新しいアンテナが建設されつつあ るが、本稿に示したように大口径アンテナを併用する ことにより小型アンテナであっても観測に用いること が可能であり、VLBI 観測可能な 30 m 級の大型アン テナを広帯域受信システムに改造(若しくは新設)し て、安価な小型アンテナを高密度に配置することも今 後有効になると考えられる。

謝辞

本稿はワイヤレスネットワーク総合研究センター小 山泰弘様に丁寧かつ詳細にコメントいただき完成する ことができました。心より感謝申し上げます。

【参考文献】

- 1 Ma, Chopo. "The Second International Celestial Reference Frame (ICRF2)," Sixth International VLBI Service for Geodesy and Astronomy. Proceedings from the 2010 General Meeting," VLBI2010: From Vision to Reality," Held 7-13 Feb. 2010 in Hobart, Tasmania, Australia. Edited by D. Behrend and KD Baver. NASA/CP 2010-215864., pp.273–279, 2010.
- 2 Rogers, A. E. E., "Very long baseline interferometry with large effective bandwidth for phase-delay measurements," Radio Sci., 5, 12391247, 1970.
- 3 Kondo, T., & K. Takefuji, "An algorithm of wideband bandwidth synthesis for geodetic VLBI," Radio Sci., 51, doi:10.1002/2016RS006070, 2016.
- 4 関戸他,広帯域 VLBI システムの開発と測地・周波数比較実験の報告、 測地学会誌、第63巻、第3号、pp.157-169、2018.
- 5 氏原秀樹, "広帯域アンテナの開発,"情報通信研究機構研究報告, vol.65 no.2, 5–5, 2019.
- 6 Ujihara H., et al. (2019) "Development of wideband Antennas," International Symposium on Advancing Geodesy in a Changing World.

7 Roger Cappallo, "Correlating and Fringe-fitting Broadband VGOS Data," IVS 2014 General Meeting proceesings Edited by Dirk Behrend, Karen D. Baver, and Kyla L. Armstrong NVI, Inc., Greenbelt, Maryland, USA, 2014

岳藤一宏 (たけふじ かずひろ)
 電磁波研究所
 時空標準研究室
 主任研究員
 博士(工学)
 超長基線干渉計、電波天文学

近藤哲朗 (こんどう てつろう)
 中国科学院
 上海天文台
 客員教授
 電磁波研究所
 時空標準研究室
 協力研究員
 博士(理学)
 宇宙測地学