# 3-2 実物理に則した時間領域超広帯域電磁界解析技術の研究開発

3-2 Research on a Time-domain Broadband Electromagnetic Analysis Technique based on Real Physics

### チャカロタイ ジェドヴィスノプ CHAKAROTHAI Jerdvisanop

電磁波の物理を記述するマクスウェル方程式は1864年にJames C. Maxwell により導かれ、 1887年にHeinrich R. Hertz によって電磁波の存在が証明された。それから、無線通信へ最初の電 磁波応用が19世紀初頭に Guglielmo Marconi によって開拓されて以来、これまで電磁波の応用 が様々な分野への広がりを見せている。その広がりの一翼を担っているのは、厳密な電磁界理論 はもとより、急速に発達してきた電磁界解析技術によるところが大きい。また、近年では、電磁 波応用を促進させるために、電磁波の物理をサイバー空間上で実現できるワイヤレスエミュレー タに関する研究開発が日欧米において非常に盛んである。本研究では、ワイヤレスエミュレータ に電磁波の物理を組み込むための時間領域広帯域電磁界解析技術について概説し、定式化及び実 装方法、今後の展開及び研究課題について述べる。

Maxwell equations describing physics of electromagnetic (EM) waves were firstly derived by James Clerk Maxwell in 1864 and the existence of EM waves was demonstrated by Heinrich Rudolf Hertz in 1887. Then, the use of EM waves in wireless communications have been exploited by Guglielmo Marconi in 1900s. Since then, applications of EM waves have been spread out to many fields. Roles in dissemination of the use of EM waves are attributed to rigorous EM theory and EM analysis techniques which have been advanced over the past 60 years. Recently, research on a system which can realize EM physics in cyber spaces, called the wireless emulator, is highly active in Japan, USA, and European countries. This paper presents a time-domain broadband EM analysis technique for the wireless emulator which includes real physics of EM waves, describes formulation and implementation, the future prospects, and challenge problems in the field of EM analysis.

## 1 まえがき

電磁波の基礎となる方程式は1864年にイギリス人 のマクスウェル (James Clerk Maxwell, 1831-1879) に よって導かれた [1]。それから23年の歳月を経て、電 磁波の存在が1887年にドイツ人のヘルツ (Heinrich Rudolf Hertz, 1857-1894) によって実験的に証明され た [2]。そして、19世紀初頭に、イタリアの電気工学者 であるマルコーニ (Guglielmo Marconi, 1874-1937) が 電磁波を用いた無線通信装置を開発し、大西洋横断の 無線通信 [3]を成功させて以来、現代までに工業・農 業・美術・医療等の様々な分野へ電磁波応用が絶えず 広がりを見せている。その広がりの一翼を担っている のは、電磁波の物理を厳密に取り扱う電磁界理論の確 立はいうまでもなく、1960年代からコンピュータの発 達に伴い、高精度な電磁界解析技術の発展によるとこ

#### ろが大きい。

一方、近年では、実物理をサイバー空間内で再現で きるサイバーフィジカルシステム(Cyber-Physical System: CPS)が注目され、実世界とサイバー空間を相 互連携した社会を目指したSociety 5.0に関連した研究 開発が日欧米において盛んに行われている[4]。従来 は、分野ごとに情報収集・蓄積や最適化が行われてき たが、CPSの実現によって、サイバー空間上で、セン シングしたデータの収集・蓄積、分野間のデータ交換・ 統合、解析・分析及び実世界へのフィードバックやア クチュエーション(制御)といった一連のサイクルが社 会規模で可能となる。そのCPSの中核機能の一つとし て、電磁波応用を促進させるために、電磁波を実際に 発することなく無線システムの挙動を模擬し、通信や 電磁干渉の評価を可能とするワイヤレスエミュレー ション(Wireless Emulation)技術に関する研究開発が 進められている [5]。しかしながら、ワイヤレスエミュ レータを実現するためには、電磁波の発生・伝搬等の 様々な物理モデル及び機器間の様々な電磁干渉モデル を組み込み、電磁波の物理をサイバー空間上で高精度 に再現することが必要である。ワイヤレスエミュレー タを実現できれば、新たに開発された電波利用機器を 導入する際、実際に利用する通信方式や使用状況を想 定しながら、空間伝搬を介した既存の無線通信機器と の電磁干渉を防ぎ、人体へのばく露評価・機器の適合 性評価等を瞬時に解析・即座に判断し、事前予知・予 測することが可能である。加えて、実世界へのフィー ドバックを確実性・信頼性の高いものにするためには、 サイバー空間上で、実世界に基づいて物理現象を精度 良く再現する必要がある。そのため、高精度で校正さ れた測定装置を用いた、フィールドで得られた実測 データを元にサイバー空間を構築する必要があるが、 実測データを得るためには、非常に膨大な人的費用及 び長い計測時間が伴い、かつ測定環境の変化による再 現性の確保が困難である。そのため、実測データに加 えて、数値解析によって得られた計算結果をサイバー 空間への入力データとして用いることが考えられる。 その際に、実世界における物理に則した、電磁界の物 理現象を高精度に解析できる数値解法が必要である。 歴史的には、電磁界の理論解析・数値解析は、周波数 領域において定常状態で解くことから、計算機性能の 向上により、時間領域で解くことができるようになっ てきた経緯がある。また、我々が実際に存在している 実空間は時間が一つの軸として定義されているため、 時間領域での解法を開発できれば、実世界で得られた 測定データとの整合性の確保が容易になる。特に、電 磁環境分野における電磁干渉評価を行うためには、実 際に時間領域でのノイズ特性等を考慮し、ノイズのモ デリングを行う必要があるため、時間領域での実測・ 解析データが必要である。

本稿では、これまで電磁環境研究室で開発してきた 時間領域の超広帯域電磁界解析法について概説し、定 式化及び実装方法、様々な分野への応用及び今後の展 開・課題について報告する。

### 実物理に則した時間領域の 2 超広帯域電磁界解析法

1960 年代から現代まで、様々な電磁界解析手法が開 発されてきた [6]-[11]。主に用いられる手法として、 モーメント法 (Method of Moments) [6][7]、有限要素 法 (Finite Element Method: FEM) [8] 及び時間領域有 限差分 (Finite-Difference Time-Domain: FDTD) 法 [9] が挙げられる。モーメント法と FEM は周波数領域の

解法である一方、FDTD 法は時間領域解法である。そ れぞれの解析手法の特徴の詳細について、文献 [10][11] 等をぜひ参照されたい。このように、様々な解 析手法が存在しているが、我々が実際に生活している 実空間は時間を一つの軸として定義しているため、実 際に観測された測定データと直接比較するためには、 時間領域での解析データが必要である。さらに、前述 したように、電磁干渉を評価するためには、電磁ノイ ズの特性を考慮した時間領域での解法が必要である。 従って、時間領域における解を直接得られる FDTD 法 は、ワイヤレスエミュレータ上で電磁波の物理を実現 する上で、有効な手法の一つであると考えられる。ま た、一度の計算で得られた時間領域での解をフーリエ 変換することによって、複数周波数での解を求めるこ ともできるため、周波数領域解法よりも計算時間が短 く(複数周波数の解を求める場合)、計算効率がよい。

一方で、実世界におけるすべての物質は固有の電気 的特性(誘電率・透磁率など)を有しており、電磁波に 対する時間領域での応答が個々異なる。したがって、 ある物質の正確な時間応答を知るためには、電気的特 性を表す誘電率及び透磁率を正確に解析に組み込む必 要がある。多くの場合、実際の物質の誘電率及び透磁 率は周波数分散性(=時間応答特性)を有しているた め、計算アルゴリズム上で特別な工夫が必要である。 分散モデルの例としては、Debye [12]、Drude [13]、 Lorentz [14]、Cole-Cole [15]、Davidson-Cole [16]、 Havriliak-Negami [17]、Raicu [18]、Sellmeier [19]等の 様々な式が挙げられる。各分散式内のパラメータは通 常、実測して得られたデータをフィッティングするこ とによって求められる。

これまで、Debye、Drude 及び Lorentz の分散式を FDTD 法へ組み込むために、回帰的畳込み (Recursive Convolution: RC)法[20]、線形区分回帰的畳込み (Piecewise Linear Recursive Convolution: PLRC) 法 [21]、台形型回帰的畳込み(Trapezoidal Recursive Convolution: TRC) 法 [22]、補助微分方程式 (Auxiliary Differential Equation: ADE) 法 [23][24]、z 領域法 [25] 等の様々な手法がこれまで提案されているが、比較的 簡素な分散モデルにしか適用することができない問題 がある。上記のいずれの手法も Cole-Cole や Havriliak-Negami 等のより複雑な分散モデルを時間領域解法へ 組み込むことが困難であったが、本稿で述べるこれま で著者が提案した解析手法を用いることで、この問題 を比較的に容易に取り扱うことができる。提案法では、 逆ラプラス変換(Fast Inverse Laplace Transform: FILT) [26] 及び Prony 法 [27] を組み合わせることで、 様々な分散式を一般化し、FDTD 法において容易に取 り扱うことができる [28]。本稿では、一般化された時

間領域広帯域電磁界解析法についてまず概説し、定式 化及び妥当性検証を行った。さらに、ばく露評価、広 帯域アンテナの設計及びプリント基板上のパルス伝搬 の解析例を示し、最後に、本手法の様々な分野への拡 張性について議論する。

#### 2.1 FDTD 法の定式化

まず、マクスウェル方程式より電束密度**D**は次式のように電界**E**と関連付けられている。

$$\boldsymbol{D}(\omega) = \varepsilon_0 \varepsilon_r(\omega) \boldsymbol{E}(\omega) = \varepsilon_0 \varepsilon_{r\infty} \boldsymbol{E}(\omega) + \varepsilon_0 \boldsymbol{\chi}(\omega) \boldsymbol{E}(\omega) \quad (1)$$

ここで、 $\varepsilon_{r\infty}$ 及び $\chi(\omega)$ はそれぞれ無限周波数における 比誘電率及び電気感受率である。 $\omega$ は角周波数、 $\varepsilon_0$ は 真空の誘電率である。式(1)の第二項は時間領域にお いて電気感受率と電界との畳み込み積分によって表現 することができるため、

$$\boldsymbol{D}(t) = \varepsilon_0 \varepsilon_{r\infty} \boldsymbol{E}(t) + \varepsilon_0 \boldsymbol{\chi}(t) * \boldsymbol{E}(t)$$
$$= \varepsilon_0 \varepsilon_{r\infty} \boldsymbol{E}(t) + \varepsilon_0 \int_0^t \boldsymbol{\chi}(\tau) \boldsymbol{E}(t-\tau) d\tau.$$
(2)

となる。式(2)における畳み込み積分の直接計算を行 う場合、過去の電界の値を必要としているため、非常 に多くの計算時間及びメモリが必要である。しかし、 直接計算の代わりに、式(2)を次式のようにz領域に 変換できれば、式(2)の右辺の第2項は、比誘電率と 電界の掛け算で表すことができる。

$$\boldsymbol{D}(z) = \varepsilon_0 \varepsilon_{r\infty} \boldsymbol{E}(z) + \varepsilon_0 \boldsymbol{X}(z) \boldsymbol{E}(z)$$
(3)

上式より X(z)はデジタルフィルタ理論における電界 Eから電東密度 D への遷移関数を表す。式(3)における 第二項を計算するためには、X(z)を知る必要がある。 ここで、FILT 及び Prony 法の 2 段階処理を用いること により、 $\chi(\omega)$ から X(z)を求めることができる [28][29]。 まず、FILT を複素周波数領域における電気感受率に適 用することで、電気感受率の時間領域でのインパルス 応答を次のように数値的に求めることができる。

$$X(t) = \mathcal{L}^{-1}\{\chi(s)\} \tag{4}$$

ただし、X(t) は数値的に時間  $t = n\Delta t$  ( $n = 0, 1, 2, ..., N_t$ ) において FILT によって求めたものである。 $N_t$  は 総時間ステップの数である。FILT については、文献 [6]、[30]に記載されているため、ここでは省略する。次 に、X(t) に対して Prony 法を適用し、z 領域の無限イ ンパルス応答 (Infinite Impulse Response: IIR) を求め、 IIR 表現における各パラメータを抽出する。

$$X(z) = Z\{X(t)\}$$

$$= \frac{b_0 + b_1 z^{-1} + \dots + b_{N-1} z^{-(N-1)}}{1 + a_1 z^{-1} + a_2 z^{-2} + \dots + b_N z^{-N}}$$

$$= \frac{\sum_{j=0}^{N_f - 1} b_j z^{-j}}{1 + \sum_{i=1}^{N_f} b_i z^{-i}}$$
(5)

ここで、 $a_i \ge b_j$ は IIR システムのフィルタ係数である。  $N_j$ は IIR システム内の極数である。また、X(t)は実関数であることと、t < 0でX(t) = 0という因果性の条件より X(z)のすべての極は実数か共役を有する複素数の対でなければならないため、式(5)は次式のように変形できる [28]。

$$X(z) = \sum_{l=1}^{N_l} \frac{A_l}{1 - p_l z^{-1}} + \sum_{k=1}^{N_k} \frac{B_k - C_k z^{-1}}{1 - r_k z^{-1} + q_k z^{-2}}$$
(6)

 $N_l$ 及び $N_k$ はそれぞれ実数の極及び複素数の極である。 係数 $A_b p_b B_k C_k r_k$ 及び $q_k$ はすべて実数であり、Prony 法により求めることができる。例として、生体組織の 分散モデルとして広く用いられている Cole-Cole モデ  $\nu$  [17] は次式で表すことができる。

$$\chi_i(\omega) = \frac{\Delta \chi_i}{1 + (j\omega\tau_i)^{1-\alpha_i}} \tag{7}$$

ここで、 $\Delta \chi_i$ ,  $\tau_i$ 及び $\alpha_i$ はそれぞれi番目の無限周波数 における比誘電率、緩和時間及び分散の広がりを表す パラメータである。式(7)を比誘電率の式

$$\varepsilon_r(\omega) = \varepsilon_{r\infty} + \frac{\sigma}{j\omega\varepsilon_0} + \sum_{i=1}^{N_r} \chi_i(\omega)$$
(8)

の中の $\chi_i(\omega)$ に代入した後、式(8)をz領域の表現に変換して整理すると、次の電界更新式を得ることができる [28]。

$$\boldsymbol{E}^{n} = \frac{1}{L_{1}} \left[ \frac{\boldsymbol{D}^{n}}{\varepsilon_{0}} - L_{2} \boldsymbol{E}^{n-1} - \boldsymbol{I}^{n-1} - \sum_{l=1}^{N_{l}} p_{l} \boldsymbol{P}_{l}^{n-1} - \sum_{k=1}^{N_{k}} r_{k} \boldsymbol{Q}_{k}^{n-1} + \sum_{k=1}^{N_{k}} q_{k} \boldsymbol{Q}_{k}^{n-2} \right]$$
(9)

ただし、

$$L_1 = \varepsilon_{r\infty} + \frac{\sigma \Delta t}{2\varepsilon_0} + \sum_{l=1}^{N_l} A_l + \sum_{k=1}^{N_k} B_k$$
(10)

$$L_2 = \frac{\sigma \Delta t}{2\varepsilon_0} - \sum_{k=1}^{N_k} C_k \tag{11}$$

$$I^{n} = I^{n-1} + \frac{\sigma \Delta t}{2\varepsilon_{0}} (E^{n} + E^{n-1})$$
(12)

$$\boldsymbol{P}_l^n = p_l \boldsymbol{P}_l^{n-1} + A_l \boldsymbol{E}^n \tag{13}$$

$$\boldsymbol{Q}_{k}^{n} = r_{k} \boldsymbol{Q}_{k}^{n-1} - q_{k} \boldsymbol{Q}_{k}^{n-2} + r_{k} \boldsymbol{Q}_{k}^{n-1} + B_{k} \boldsymbol{E}^{n} - C_{k} \boldsymbol{E}^{n-1} (14)$$

一方で、電束密度 **D**<sup>"</sup> 及び **H**<sup>"</sup> は中心差分法を用いて、 次式によって更新することができる。

$$\boldsymbol{D}^{n} = \boldsymbol{D}^{n-1} + \Delta t \nabla \times \boldsymbol{H}^{n-\frac{1}{2}}$$
(15)

$$\boldsymbol{H}^{n+\frac{1}{2}} = \boldsymbol{H}^{n-\frac{1}{2}} - \frac{\Delta t}{\mu_0} \boldsymbol{\nabla} \times \boldsymbol{E}^n \tag{16}$$

ここで、 $\mu_0$  は真空の透磁率である。透磁率に関して 分散性を有している場合も同様に定式化を行うことが できる [30]。図1に本手法の計算フローチャートを示 している。まず、更新式内の係数 $A_i$ ,  $p_i$ ,  $B_k$ ,  $C_k$ ,  $r_k$ 及び  $q_k$  を FILT 及び Prony 法によって求めてファイルに 保存しておく。次に、FDTD プログラムの実行が開始 される前に、係数の値をファイルから読み込んで、 $L_1$ 



図1計算フローチャート

及び $L_2$ をそれぞれ式(9)及び(10)によって計算する。 そして FDTD 計算は式(15)を用いて、電束密度 $D^n$ の 更新から始まり、続いて式(9)を用いて電界 $E^n$ を更新 する。式(12)-(14)より補助的な変数 $I^n$ ,  $P_l^n$ ,  $Q_k^n$ を更 新した後、最後に式(16)より磁界の次の時間ステップ  $H^{n+\frac{1}{2}}$ を計算して、FDTD ループの最初に戻って所望 の時間ステップ数まで計算を繰り返す。

#### 2.2 更新係数の決定

更新方程式(9),(12)-(14)の中の係数 $A_i$ , $p_i$ , $B_k$ ,  $C_k$ ,  $r_k$ 及び $q_k$ はフィルタ係数 $a_i$ 及び $b_i$ から次のように求 めることができる。例として生体組織である皮下脂肪 (Fat-Subcutaneous)に対して本手法を適用する。生体 組織は式(8)のように複数項のCole-Coleモデルによっ て表すことができ、それぞれの変数 $\varepsilon_{roo}$ , $\sigma$ ,  $\Delta\chi_i$ ,  $\tau_i$ 及び $a_i$ を表1に示す。表からわかるようにCole-Cole 分散の 項は2つ( $N_r = 2$ )ある。なお、各パラメータの値は NICTが提供している数値データから抽出した[32]。 文献[32]における分散モデルは、1 MHz から 100 GHz までの生体組織の複素比誘電率の実測データに対して フィッティングした結果であるが、本検討では、 1 GHz~1 THz までの解析結果を示す。まず、式(7) を複素周波数領域へ変換し、時間ステップ間隔で規格 化すると、

$$\chi_i(\omega) = \frac{\Delta \chi_i}{1 + \left(s \frac{\tau_i}{\Delta t}\right)^{1 - \alpha_i}} \tag{17}$$

となる。上式に FILT を適用し、数値的に求めた時間 領域インパルス応答を図2に示す。なお、インパルス 応答を求める際に用いる時間ステップ間隔 $\Delta t$ は、 19.258 fsとした。また、FILT の精度を決めるパラメー タであるp (Euler 級数の打ち切り数)及び $\alpha$ は両者と も5とした [6][30][31]。図2には、FILT によって得ら れたインパルス応答及びインパルス応答に対して Prony 法を適用して、フィッティングした結果を示す。 図2から初期における第一の分散項 $X_1$ の振幅が第二 の分散項 $X_2$ のそれよりも約100倍大きいが、時間が 経つにつれ、その差分が小さくなり、第二の分散項か らの寄与は時間ステップが進むにつれて、大きくなる ことが分かる。

表1 皮下脂肪の複素比誘電率の各パラメータ [32]

Parameters	Value	Parameters	Value	Parameters	Value	Parameters	Value
$\mathcal{E}_{r^{\infty}}$	2.551	$\sigma~({\rm S/m})$	0.0016	$\tau_{\rm l}~({\rm ps})$	12.431	$ au_{2}\left(\mu s ight)$	1.017
$\Delta \chi_1$	3.880	$\Delta \chi_2$	2464	$\alpha_1$	0.199	$\alpha_2$	0.073

Cole-Cole 分散式に対して FILT を適用し、時間領域 インパルス応答を求めた後、Prony 法を用いて、IIR シ ステムのz領域での応答を次のように求めることがで きる。

$$X(z) = \frac{\sum_{j=0}^{N_f - 1} b_j z^{-j}}{1 + \sum_{i=1}^{N_f} b_i z^{-i}} = \sum_{i=1}^{N_f} \frac{G_i}{1 - h_i z^{-1}}$$
(18)

ただし、 $G_i$ 及び $h_i$ は実数または共役を有する複素数の 対である。Cole-Cole モデルの場合、時間領域インパル ス応答が単調に減衰する関数で表されるため、 $G_i$ 及び  $h_i$ は実数のみで表現できることが分かった。したがっ て、式(6)の中の $N_k$ はゼロとなり、係数 $B_k$ ,  $C_k$ ,  $r_k$ 及び  $q_k$ も同様にゼロとなる。一方、 $N_i$ はゼロではない整数 となり、それぞれの分散項で異なる値を持つ。 $A_i$ 及び  $p_i$ は式(6)と(18)を比較することで、以下のように求 まる。

$$A_l = G_l, \quad p_l = h_l \tag{19}$$



図2皮下脂肪の各Cole-Cole項に対する時間領域インパルス応答

生体組織が脂肪の場合、Cole-Cole モデルを表現するために必要な係数の数はそれぞれ $X_1$ 及び $X_2$ に対して、8及び12であり、すべての $A_1$ 及び $p_1$ を表2に示す。

本研究で用いた Cole-Cole モデルに対しては、共役 を持つ複素数の数  $N_k$ がゼロであるが、Lorentz 分散等 の場合、 $N_k$ がゼロではない整数であるため、更新方程 式の中の係数  $B_k$ ,  $C_k$ ,  $r_k$  及び  $q_k$ が値を持つ。このとき、 式 (18) の中の  $G_i = a + jb$ ,  $h_i = c + jd$ とすれば、その 共役は  $G_i^* = a - jb$ ,  $h_i^* = c - jd$ となり、各係数は以下 のように求まる。

$$B_k = 2a, \quad C_k = 2(ac + bd), \quad r_k = 2c, \quad q_k = c^2 + d^2$$
(20)

これらの係数を直接電界の更新式である式 (9), (12) – (14)の中に代入して計算する。 $N_k$ がゼロではない (Lorentz 分散など)場合でも適用できることを文献 [28][30]に示している。

### 2.3 一次元モデルを用いた妥当性確認

上記の手法の妥当性を検討するために、生体組織の 中の一次元伝搬解析を行う。生体組織は皮膚(表皮と 真皮の複合組織、Skin-Epidermis+Dermis)、皮下脂肪 (Fat-Subcutaneous)、筋肉(Muscle-Thigh)の3種類で ある[32]。それぞれの生体組織は、複数項の Cole-Cole モデルによって複素比誘電率を表現しており、各パラ メータは文献[32]から抽出された。2.2 の手順に従っ て、FILT 及び Prony 法を適用し、それぞれの生体組 織に対する更新係数を数値的に求めた。必要な係数は 皮膚の場合 15 個、皮下脂肪の場合 20 個、そして筋肉 の場合 20 個である。

解析空間の大きさは 50 mm (総セル数は 5,000) であ り、空気及び生体組織のセル数はそれぞれ 1,000 セル 及び 4,000 セルである。ここで、解像度及び時間ステッ プ間隔はそれぞれ  $\Delta x = 0.01$  mm 及び  $\Delta t = 19.258$  fs と

$X_1$ に対応する各住	系数の値 $(N_{\ell} = 8)$	$X_2$ に対応する各係数の値 ( $N_\ell$ = 12)			
$\begin{array}{c} X_1 (251) \pm 4.3728 \times 10^3 \\ A_2 = 4.1809 \times 10^3 \\ A_3 = 2.9936 \times 10^3 \\ A_4 = 2.4392 \times 10^3 \\ A_5 = 2.1164 \times 10^3 \\ A_6 = 1.8934 \times 10^3 \\ A_7 = 1.6760 \times 10^3 \\ A_8 = 1.3178 \times 10^3 \end{array}$	糸数の値 $(N_{\ell} = 8)$ $p_1 = 0.99192$ $p_2 = 0.99849$ $p_3 = 0.96307$ $p_4 = 0.89470$ $p_5 = 0.77386$ $p_6 = 0.59340$ $p_7 = 0.35961$ $p_8 = 0.12172$	$X_2$ に対応する各係系 $A_1 = 9.8636 \times 10^5$ $A_2 = 1.7423 \times 10^5$ $A_3 = 1.2104 \times 10^5$ $A_4 = 9.1896 \times 10^6$ $A_5 = 7.3501 \times 10^6$ $A_6 = 6.0666 \times 10^6$ $A_7 = 5.0981 \times 10^6$ $A_6 = 3.6575 \times 10^6$ $A_6 = 3.0577 \times 10^6$	$p_1 = 0.99975$ $p_2 = 0.99791$ $p_3 = 0.98830$ $p_4 = 0.96384$ $p_5 = 0.91798$ $p_6 = 0.84601$ $p_7 = 0.74581$ $p_8 = 0.61866$ $p_5 = 0.47012$ $p_6 = 0.31148$		
		$A_8 = 2.4128 \times 10^{-6} A_8 = 1.7299 \times 10^{-6}$	$p_7 = 0.16172$ $p_8 = 0.04785$		

表 2 脂肪の分散 X1, X2 に対応する更新方程式の中の係数

した。計算ステップ数は 500,000 ステップである。解 析 空間 の 両 端 の 境 界 は 8 層 の 畳 込 型 完 全 整 合 層 (Convolutional Perfectly Matched Layer: CPML) [33] を 適 用 し、外側に 伝搬する 電磁波を 吸収させる。また、 入射界として 用いた ガウシアンパルスは 以下の式で表 される。

$$E^{\rm inc}(t) = \exp\left(-\left(\frac{t-T_0}{a_0}\right)^2\right)u(t),\tag{21}$$

ただし、 $T_0 = 1.9238$  ps,  $a_0 = 0.7308$  ps である。

本手法を用いて数値的に求めたそれぞれの皮膚、皮 下脂肪及び筋肉の反射係数を図3(a)に示す。周波数範 囲は1GHz~1THzである。図3(b)からわかるよう に、本手法による解析結果はCole-Cole分散式から得 られた複素誘電率を用いて求めた反射係数の理論値と 非常に良い一致を示しており、1GHz~1THzの周波 数範囲における最大の誤差は、約3.2%以下であるこ とから、手法の妥当性を確認した。 次に一次元解析モデルにおいて、皮膚、皮下脂肪及 び筋肉を含む3層の生体組織内の電波伝搬解析を行っ た。それぞれの空気、皮膚、皮下脂肪及び筋肉の層の 厚さは10 mm、1 mm、3 mm 及び36 mm とした。全 体の解析領域の大きさは50 mm である。解像度、時 間ステップ及び計算ステップ数は前述の解析と同じで ある。

図4(a)は3層の生体組織から反射されたパルス波 形を示す。図4(a)には皮膚組織からの反射されたパ ルス波形も示してある。図4(a)に示すように、3層 の生体組織からのパルス波形の初期応答は皮膚と同じ であるが、約65 ps後には両者の差は明確である。3層 の生体組織の場合、65 ps後にはまだ振動しながら、振 幅が減衰していくが、皮膚の場合には、この振動が見 られない。これは脂肪層及び筋肉層からの多重反射に よるものであると考えられる。時間領域の反射波形を フーリエ変換して反射係数を求めた結果を図4(b)に 示す。図4(b)には、理論式で求めたものも併せて示



図3 皮膚、脂肪及び筋肉の反射係数及び理論値との相対誤差





してある [34]。反射係数の解析結果と理論値との差異 は1GHz~1THzの範囲で、3.4%以下であり、よく 一致していることを確認した。図4(a)に示す波形で は、ほとんどその違いが見られないが、周波数領域に おいて特に1GHz~50GHzの範囲で反射係数の差異 が明確に表れていることが分かる。したがって、時間 領域において高精度な解を求めることが非常に重要で あることを示した。

### 3 様々な応用例

本章では、これまで述べた解析手法の様々な応用例 を示す。具体的には、電磁パルスによる人体頭部への 過渡的なエネルギー吸収量の解析、人体近傍の広帯域 アンテナの設計・解析及びプリント基板上マイクロス トリップ線路内の信号伝搬特性の解析に関して、本手 法の妥当性及び有効性を示しながら、それぞれの応用 例での解析結果について議論する。

### 3.1 電磁パルスによる人体頭部への過渡的エネ ルギー吸収量の解析 [35]

第二次世界大戦において、軍用レーダが多く運用さ れるようになったため、近傍で作業する人にレーダか ら発射される電磁波が影響を与えることが懸念され、 電磁波による生体影響に関する研究分野が発達してき た経緯がある[36]。実際に人体への吸収量を測定する ことは困難であるため、数値解析によって定量的な吸 収量の評価が行われる場合が多い。電磁界理論による 球や楕円体等の比較的簡単な解析モデルを用いた吸収 量解析 [36][37] から、近年では、より実際の人体に近い 解析モデルを用いたばく露評価研究があった[38]-[42]。 しかしながら、これまで時間領域解析へ生体組織の誘 電分散を表す Cole-Cole モデルを組み込むことが困難 であったため、従来の計算方法を用いた場合、ある特 定の一つ周波数だけにおける吸収量の解しか得られな い(例えば、[41])。一方で、実際に無線通信に使われ る電磁波は通信方式によっては、非常に広い帯域を有 する信号を解析しなければならない。例として、 IEEE802.15.4aの規格で策定されている超広帯域 (Ultra-Wideband: UWB) 通信の使用可能周波数帯域 は、3.1~10.6 GHz で非常に広帯域である [43]。UWB 通信の特徴として、非常に短いパルスを用いることで、 高速・低遅延通信、高い距離測定の精度、他の機器へ の干渉の低減等の様々な利点がある一方、人体近傍で 通信を行う場合の人体への影響が未知であるため、通 信システムの設計が困難である。本稿で示す解析手法 を用いることで、文献 [44] [45] に示すように、電磁パ ルスに対するばく露評価を行うことができる。また、



図 5 人体頭部モデル (断面構造が見えるようにカットされている)

Prony法により求めた更新係数からDebyeのパラメー タを抽出し、複数項のDebye分散の等価回路モデルに おける各抵抗成分の吸収エネルギー量を計算すること で、UWB通信に用いられる任意の電磁パルスの波形 に対する人体への過渡的なエネルギー吸収量を解析す ることができる[35]。この節では、例として、人体頭 部へのパルスの過渡的なエネルギー吸収量を解析した 結果を示す。

まず、使用した人体頭部モデルを図5に示す。NICT が開発した TARO 及び HANAKO モデルの全身モデ ルから頭部のみ抽出したものである [46]。生体組織の 数は26 組織で、解析モデルの解像度は2 mm である。 すべての生体組織は4項 Cole-Cole モデルで表され、各 分散パラメータを文献 [47] より抽出した。入射電界振 幅は、1 V/m で、人体頭部モデルの正面から入射する 縦偏波を有する平面波である。入射パルス波形は式 (20) に表されるガウシアンパルスであり、各パラメー タは、 $T_0 = 0.385$  ns,  $a_0 = 0.146$  ns である。時間ステッ プ間隔は3.84 ps で、8 層の PML を含む解析空間は、両 モデルとも 166 × 156 × 172 セルである。計算時間は、 10,000 ステップで TARO 及び HANAKO の場合、そ れぞれ 759 秒及び 750 秒であった。

図6及び図7はそれぞれ TARO及び HANAKO モ デル内の各計算ステップにおける過渡的なエネルギー 吸収量の分布を表す。図6(a)及び図7(a)に示す150 ステップにおいては、正面から入射してきた平面波が 人体モデルの顔全体に照射され、人体頭部内へ電磁波 が侵入し始める。250ステップにおいて、電磁パルス のエネルギーは時間が経つに伴い、徐々に人体頭部の 深い部分まで侵入するが、エネルギー吸収量が大きい 部分は主に脳髄液や眼部であることが図6(b)及び図7 (b)から分かる。図6(c)及び図7(c)に示す350ステッ プにおいて、大部分の電磁波は減衰して消えるが、頭 部中心の脳髄液に沿って大きな吸収が生じることが分 かる。このように従来の計算法では、生体組織の過渡 的なエネルギー吸収量を求めることができないが、本



(a) 150 ステップ

図6各計算ステップにおける TARO モデル内の吸収エネルギー分布



(a) 150 ステップ

図7 各計算ステップにおける HANAKO モデル内の吸収エネルギー分布

手法を用いることで時間領域の任意の入射電磁界に対 するエネルギー吸収量や生体組織内の電界・磁界の時 間的変化等を解析することができ、今後、熱解析や神 経系信号伝搬解析などと組み合わせることによって電 磁パルスに対するばく露評価や適合性評価等が行える ようになるため、電磁パルスを利用した次世代の電波 利用機器に関する研究開発を促進させることが期待で きる。

### 3.2 人体近傍の広帯域アンテナの設計[29]

2002 年に米国 FCC が UWB システムを一定の制限 の下に、使用者の免許手続きを免除した形で使用を認 めて以来、様々な用途で UWB システムの研究開発が 進められている [43]。特に UWB 通信を利用した人体 周辺の様々なウェアラブルデバイスや通信機能を有す る医療デバイス等が挙げられる [48]-[50]。これらのデ バイスの設計・開発を行うためには、人体近傍や体内 でアンテナを配置する必要があり、電磁波と人体との 相互作用を考慮する必要がある。本解析手法を用いる ことで、人体との相互作用と考慮した広帯域アンテナ の設計を高精度かつ高速に行うことができる。例とし て、0.3~3 GHz の超広帯域アンテナの設計結果を示 す。

解析に用いたアンテナの構造を図8(a)に示す。アン テナはカプセル内視鏡や体内インプラント等のような 小型医療デバイスとの通信を目的とする。設計目標は、 0.3~3 GHzの周波数で VSWR が2以下である。アン テナは $a \times a = 0.03 \times 0.03 \text{ m}^2$ の2個の正方形パッチ 及び磁性体フェライトから構成されている。給電 ギャップは2mmとし、内部抵抗を50Ωとした。フェ ライトの大きさは  $0.1 \times 0.1 \text{ m}^2$ 、厚さ 6 mm である。 フェライトの透磁率は TDK 社製の実測値を参考に、 Lorentz 分散式に従うものとした。図8(b)に広帯域ア ンテナ及び人体を含めた解析モデルを示す。人体モデ ルはNICTが開発したTAROモデルである[46]。生体 組織の数は52組織で、解像度は2mmである。すべ ての生体組織は 3.1 と同様に、4 項 Cole-Cole モデルで 表され、各分散パラメータを文献[47]より抽出した。 時間ステップ間隔は3.85 ps であり、印加電圧波形は ガウシアンパルス ( $T_0 = 0.385$  ns,  $a_0 = 0.146$  ns) であ る。解析空間は8層のPMLを含めて、360×200× 549 セルである。10.000 ステップにかかる計算時間は 人体胸部に配置した場合と人体腹部に配置した場合で それぞれ 3,912 秒及び 4,382 秒であった。

図9(a)に人体胸部及び腹部に配置した場合のアン テナの給電点における反射係数の解析結果を示す。 図9(a)に示すように筋肉と同じ電気的特性を有する 大きさ0.2×0.2×0.1 m<sup>3</sup>の均一の立方体形状の誘電体 近傍に配置した場合は、VSWR が2以下で設計目標を 満たすが、不均一人体の胸部及び腹部近傍にアンテナ 配置を変えると、VSWR が大きく変化した。特に人体 胸部の場合、設計目標である 0.3~3 GHz の範囲内で





VSWRが2を超えていることが分かった。これは、人 体近傍のアンテナ設計において、人体との相互作用を 正確に考慮することが必要であることを示す。図9(b) にある時刻での体内の電界分布を示しており、電磁波 は人体の不均一な内部構造によって複雑に散乱されて いる様子がみてとれる。また、人体胸部で配置した場 合よりも人体腹部に配置した場合の電界分布がより広 がっていることから、胸部よりも腹部に電磁パルスが 侵入しやすいことが分かる。本手法は、3.1で示した エネルギー吸収量の計算法と組み合わせることで、人 体表面や体内外の広帯域通信路設計及び人体に対する 安全性の評価を行うことができる。今後、電磁パルス を利用した次世代の電波利用機器に関する研究開発を 促進させることが期待できる。

### 3.3 プリント基板上パルスの伝搬解析 [49]

近年、AI及びビックデータの革新によって、より高

速な伝送が可能で、広い帯域を有するシステムが必要 となり、高速デジタル回路の重要性がますます高まっ ている[49]。その結果、回路をより高いクロック周波 数で動作させ、プリント回路基板 (Printed Circuit Board: PCB) 内でより高密な配線パターンを設計しな ければならず、伝送損失・クロストーク・信号間干渉 等の問題がより深刻になる [50]。これらの問題を取り 除き、高い信号品質を有する PCB を設計するために は、高精度かつ広帯域な電磁界解析手法が必要である。 また、デジタル信号の波形は一般的に、パルス波形で あるため、FDTD 法等の時間領域での解が得られる数 値解析法が用いられる[51][52]。FDTD法はこれまで信 号品質の解析や放射妨害波の評価等によく用いられて きたが、基板の誘電分散を十分に考慮されていない問 題がある[53]。特にPCB内の高速パルス伝送の際に生 じる位相遅延や減衰特性を高精度に評価するためには、 基板を解析する際に、基板の広帯域な誘電分散を考慮



図10 基板の解析モデル及び反射係数の解析結果

する必要がある。そこで、この節では、基板の広帯域 な分散特性を組み込み、プリント基板上パルスの伝搬 解析に対する本手法の有効を示す。

解析で用いる基板は電子回路によく使われる FR-4 基板であり、基板の誘電分散は Djordjević モデルに よって次のように表すことができる [54]。

$$\varepsilon_r = \varepsilon_{r\infty} + \frac{\Delta \varepsilon}{m_2 - m_1} \log_{10} \frac{\omega_2 + j\omega}{\omega_1 + j\omega}$$
(22)

ここで、 $\omega_1 = 10^{m_1} \& \omega_2 = 10^{m_2} (m_2 > m_1)$ は、そ れぞれ解析対象となる下限と上限の角周波数である。  $\varepsilon_{r\infty}$ 及び $\Delta \varepsilon$ は、それぞれ無限周波数における比誘電率 及び $\omega_1 \& \omega_2$ の間の周波数範囲における比誘電率の変 化量である。式 (22)の第二項に対して、FILT 及び Prony 法を適用することで、更新係数 $A_l$ 及び $p_l$ を求 めることができる。なお、Djordjević モデルのインパ ルス応答は、生体組織の Cole-Cole モデルと同じ、時 間的に単調に減衰していく関数であるため、式 (6)に おける  $N_k = 0$ である。 $A_l$ 及び $p_l$ が求まれば、式 (9), (12) - (14)を用いることで、電界を更新することがで きる。磁界の計算については、**2**で述べた手順と同様 である。詳細の計算手順はぜひ文献 [28] 及び [49] を参 照されたい。

FR-4 基板の解析モデルを図 10 (a) に示す。解析空間の大きさ、FR-4 基板の大きさ及びマイクロスト リップ線路幅は、それぞれ 60 × 60 × 5 mm<sup>3</sup>, 50 × 50 × 0.3 mm<sup>3</sup> 及び 0.3 mm である。解析空間の外側に放 射される電磁波を吸収するために、8 層の CPML を設 けた [33]。入射電圧波形は式 (20) で表されるガウシア ンパルス ( $T_0 = 19.26$  ps,  $a_0 = 5.341$  ps) とし、基板の誘 電率は式 (22) に示す Djordjević 分散式によって表し、 実測データから各パラメータを求めた結果、 $\varepsilon_{r\infty} = 3.185$ ,  $\Delta \varepsilon = 1.435$ ,  $m_1 = 6$ ,  $m_2 = 18$ ,  $\omega_1 = 10^6$ ,  $\omega_2 = 10^{18}$  である



[49]。FILT 及び Prony 法を適用して得られた電界の更 新係数の数は 12 個である。**2.3** で示す一次元の解析モ デルを用いて FR-4 基板の反射率を求めた結果を図 10 (b) に示す。図 10 (b) より解析によって得られた反射 係数は、10 MHz ~ 100 GHz の周波数範囲で、式 (22) を用いて求めた反射係数の理論値と非常によく一致し ていることが分かる。一方で、FR-4 基板の公称値 ( $\varepsilon_r$ = 4.12,  $\sigma$  = 0.0117 S/m または  $\varepsilon_r$ " = 0.0815 @2.57 GHz) を用いて反射係数を求めた結果と比較すると、数百 MHz 以上の周波数においては、理論値と一致するが、 100 MHz 以下の周波数で大きな差異が現れる。

図11にPort1における給電電圧波形、図10(a)で 示す観測点A、B、C及びDにおけるパルス信号波形 を示す。観測点A,B,C及びDはそれぞれPort1から 10mm、20mm、30mm及び40mm離れた位置にあ る。Port1から印加した信号は、マイクロストリップ 線路上に伝搬しながら、減衰していることがみてとれ る。図11からわかるように、従来法で計算した場合、 信号の減衰が小さく、伝搬速度は Djordjević 分散モデ ルを組み込んだ解析結果よりも遅い。加えて、信号波 形の歪みは、従来法による解析結果の方が大きいこと もわかる。一方、Djordjević 分散モデルを組み込んだ 解析したパルス波形は比較的同じ形を保ったまま、マ イクロストリップ線路上に伝搬することがわかった。 この傾向は、実際に伝送特性を実験と比較した結果 [49] にも示され、本手法の妥当性及び伝搬特性の解析 における有効性を示した。今後、様々なプリント基板、 半導体製作に用いられる結晶基板等へ適用し、次世代 無線通信デバイス設計や高周波回路の設計などへの応 用が考えられ、Beyond 5G の次世代無線通信システム に関する研究開発を促進させることが期待できる。

## 4 おわりに

本稿では、これまで開発してきた、実物理に則した 時間領域超広帯域電磁界解析技術に関する概要を述べ た。高精度な時間領域の解を得るためには、物質の広 帯域な電気的特性(誘電率・透磁率)を考慮する必要が あり、それらを数値解析に組み込まなければならない。 しかしながら、これまで Debye や Lorentz モデルなど の比較的に簡素な分散モデルしか考慮できなかった。 本稿では、高速逆ラプラス変換及び Prony 法を利用す ることで、Cole-Cole、Havriliak-NegamiやDjordjević 等の様々な分散モデルを統一的に組み込むことができ ることを示した。また、定式化及び計算手順について 示し、例として生体組織の電気的特性を非常によく表 せる Cole-Cole モデルに対して手法を適用し、一次元 解析によって皮膚、皮下脂肪及び筋肉の反射係数を求 めた結果、すべての生体組織で、Cole-Cole 分散式を用 いて求めた反射係数の理論値と非常によく一致してい ることから手法の妥当性を確認することができた。さ らに、本手法の応用例として次に述べる3つの解析モ デルを挙げた。1) 電磁パルスの人体ばく露に関して、 任意のパルス波形に対する過渡的なエネルギー吸収量 を計算できることを示した。2)人体近傍の広帯域アン テナの設計において、本手法を用いることで、広帯域 な解が得られるため、使用メモリや計算時間などを小 さくできることを示した。3) プリント基板上のパルス 伝搬の解析においては、本手法を用いることで、FR-4 基板の誘電分散を正確に考慮でき、より実際の信号波 形に近い結果を得ることができた。このように、本解 析手法は実物理に則した、解析結果を得ることができ るため、高精度なワイヤレスエミュレータを実現する 上でも非常に有効な解析手法であると考えられる。ほ かにも、地中レーダ、医療イメージング、生体情報抽 出や位置検出などの電磁パルスを利用する様々なアプ

リケーションに関して本手法の適用により研究開発を 促進させることができると考えられる。

### 謝辞

本報告における研究成果は東北大学の澤谷邦男名誉 教授及び陳強教授、東京都立大の鈴木敬久教授、法政 大学の柴山純教授、奈良先端大学大学院の林優一教授、 長野工業高等専門学校の春日高志教授並びに Sejong University の Youngwoo Kim 助教による共同研究及 び研究協力に基づいたものである。また、本報告にお ける一部の研究は科学研究費補助金若手研究(課題番 号 18K18376)の助成を受けて行われた。

#### 【参考文献】

- J. C. Maxwell, "A dynamic theory of the electromagnetic field," Philosophical Transactions of the Royal Society of London, no.155, pp.459–512, presented by Maxwell to the Royal Society on Dec. 8, 1964.
- 2 H. Hertz, "On the finite velocity of propagation of electromagnetic action," Sitzungsber ichte der Berliner Academic der Wissenschaften, Feb. 2, 1888; Wiedemann's Annalen, vol.24, pp.551, reprinted in H. Hertz (translated by D. E. Jones), Electric Waves, Chap.7, pp.107– 123, Dover, New York, 1962.
- 3 W. J. Baker, A History of the Marconi Company. ch. 6, pp.61–73, New York: Macmillan, 1984.
- 4 岩野和生,高島洋典,"サイバーフィジカルシステムと IoT (モノのイン ターネット):実世界と情報を結びつける,"情報管理, vol.57, no.11, pp.826-834, 2015.
- 5 原田博司,松村武,児島史秀,原井洋明,寳迫巌,高田潤一,"サイバー フィジカル融合による電波模擬システム技術の高度化に向けた研究開 発,"2021 信学総大,BI-11-2, March 2021.
- 6 K. K. Mei and J. Van Bladel, "Scattering by perfectly conducting rectangular cylinders," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.11, no.2, pp.185–192, 1963.
- 7 J. H. Richmond, "Scattering by a dielectric cylinder of arbitrary cross section shape," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.13, no.3, pp.334– 341, 1965.
- 8 P. P. Silvester, "Finite element solution of homogenous waveguide problems," Alta Freq., vol.38, pp.313–317, 1969.
- 9 K. S. Yee, "Numerical solution of initial boundary value problems involving Maxwell's equations in isotropic media," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.14, no.3, pp.302–307, 1966.
- D. B. Davidson, "Computational Electromagnetics for RF and Microwave Engineering," Cambridge University Press; 2<sup>nd</sup> edition, 2010.
- 11 J.-M. Jing, Theory and Computation of Electromagnetic Fields, IEEE Press, 2<sup>nd</sup> edition, 2015.
- 12 P. Debye, "Zur Theorie der anomalen dispersion im gebiete der langwelligen elektrischen strahlung," Ver. Deut. Phys. Gesell., vol.15, pp.777–793, 1913.
- 13 P. Drude, Lehrbuch der optik, S. Hirzel, 1912.
- 14 H. A. Lorentz, "The theory of electrons and its applications to the phenomena of light and radiant heat," A Course of Lectures Delivered in Columbia University, New York, March/April 1909.
- 15 K. S. Cole and R. H. Cole, "Dispersion and absorption in dielectrics I. Alternating current characteristics," J. Chem. Phys., vol.9, no.4, pp.341–351, 1941.
- 16 D. W. Davidson and R. H. Cole, "Dielectric relaxation in glycerol, propylene glycol, and n-propanol," J. Chem. Phys., vol.19, no.12, pp.1484–1490, 1951.
- 17 S. Havriliak and S. Negami, "A complex plane representation of dielectric and mechanical relaxation processes in some polymers," Polymer, vol.8, pp.161–210, Jan. 1967.
- 18 V. Raicu, "Dielectric dispersion of biological matter: Model combining Debye-type and "universal" response," Phys. Rev. E, vol.60, no.4,

pp.4677-4680, 1999.

- 19 W. Sellmeier, "Ueber die durch die Aetherschwingungen erregten Mitschwingungen der Körpertheilchen und deren Rückwirkung auf die erstern, besonders zur Erklärung der Dispersion und ihrer Anomalien," Ann. Phys., vol.221, no.3, pp.399–421, 1872.
- 20 R. Luebbers, F. P. Hunsberger, K. S. Kunz, R. B. Standler, and M. Schneider, "A frequency-dependent finite-difference time-domain formulation for dispersive materials," IEEE Trans. Electromagn. Compat., vol.32, no.3, pp.222–227, Aug. 1990.
- 21 D. F. Kelley and R. J. Luebbers, "Piecewise linear recursive convolution for dispersive media using FDTD," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.44, no.6, pp.792–797, June 1996.
- 22 R. Siushansian and J. LoVetri, "A comparison of numerical techniques for modeling electromagnetic dispersive media," Microw. Guided Wave Lett., vol.5, no.12, pp.426–428, 1995.
- 23 T. Kashiwa and I. Fukai, "A treatment by FD-TD method of dispersive characteristics associated with electronic polarization," Microw. Opt. Technol. Lett., vol.3, no.6, pp.203–205, 1990.
- 24 R. M. Joseph, S. C. Hagness, and A. Taflove, "Direct time integration of Maxwell equations in linear dispersive media with absorption for scattering and propagation of femtosecond electromagnetic pulses," Opt. Lett., vol.16, no.18, pp.1412–1414, 1991.
- 25 D. M. Sullivan, "Frequency-dependent FDTD methods using Z transforms," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.40, no.10, pp.1223–1230, 1992.
- 26 T. Hosono, "Numerical inversion of Laplace transform and some applications to wave optics," Radio Sci., vol.16, no.6, pp.1015–1019, Nov./Dec. 1981.
- 27 C. Prony, "Essai expérimental et analytique sur les lois de la dilabilité des fluids élastiques, et sur celles de la force expansive de la vapeur de l'eau et de la vapeur de l'alkool, à différentes températures," Journal de l'École Polytechnique, no.2, pp.24–77, 1795.
- 28 J. Chakarothai, "Novel FDTD scheme for analysis of frequencydependent medium using fast inverse Laplace transform and Prony's method," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.67, no.9, pp.6076–6089, 2019.
- 29 チャカロタイジェドヴィスノプ,和氣加奈子,渡辺聡一,陳強,澤谷邦男, "超広帯域電磁界解析のための周波数依存性 FDTD 法,"電子情報通信学 会和文論文 C, vol.J102-C, no.5, pp.102–113, May 2019 [招待論文].
- 30 細野敏夫, "FILTの誤差解析と改良,"電子情報通信学会論文誌 C-I, vol. J81-C-I, no.4, pp.215-221, April 1998.
- 31 S. Kishimoto, T. Okada, S. Ohnuki, Y. Ashizawa, and K. Nakagawa, "Efficient analysis of electromagnetic fields for designing nanoscale antennas by using a boundary integral equation method with fast inverse Laplace transform," Progress in Electromagnetic Research, vol.146, pp.155–165, 2014.
- 32 NICT, Database of Tissue Dielectric Properties for Electromagnetic Modeling of Human Body,
  - https://www2.nict.go.jp/cgi-bin/202303080003/public\_html/index.py.
- 33 J. A. Roden and S. D. Gedney, "Convolution PML (CPML): An efficient FDTD implementation of the CFS-PML for arbitrary media," Microw. Opt. Technol. Lett., vol.27, no.5, pp.334–339, Dec. 2000.
- 34 Sophocles J. Orfanidis, Electromagnetic Waves and Antennas, pp.176– 178, 2016 [Online].
  - https://www.ece.rutgers.edu/~orfanidi/ewa/.
- 35 J. Chakarothai, K. Fujii, Y. Suzuki, J. Shibayama, and K. Wake, "Analyses of transient energy deposition in biological bodies exposed to electromagnetic pulses using parameter extraction method," IEEE Trans. Commun., vol.E105-B, no.6, June 2022 (Invited Paper).
- 36 H. P. Schwan and K. Li, "Hazards due to total body irradiation by radar," Proceeding of the IRE, vol.44, no.11, pp.1572–1581, 1956.
- 37 H. N. Kritikos and H. P. Schwan, "Hot spots generated in conducting spheres by electromagnetic waves and biological implications," IEEE Trans. Biomed. Eng., vol.BME-19, no.1, Jan. 1972.
- 38 C. H. Durney, C. C. Johnson, and H. Massoudi, "Long-wavelength analysis of plane wave irradiation of a prolate spheroid model of man," IEEE Trans. Microw. Theory Techn., vol.MTT-23, no.2, Feb. 1975.
- 39 D. E. Livesay and K.-M. Chen, "Electromagnetic fields induced inside arbitrarily shaped biological bodies," IEEE Trans. Microw. Theory Techn., vol.MTT-22, pp.1273–1280, 1974.
- 40 P. J. Dimbylow, "FDTD calculations of the whole-body averaged SAR in an anatomically realistic voxel model of the human body from 1 MHz

to 1 GHz," Phys. Med. Biol, vol.42, no.3, pp.479-490, 1997.

- 41 T. W. Dawson and M. A. Stuchly, "High-resolution organ dosimetry for human exposure to low-frequency magnetic-field," IEEE Trans. Magnetics, vol.34, no.3, May 1998.
- 42 T. Nagaoka, S. Watanabe, K. Sakurai, E. Kunieda, S. Watanabe, M. Taki, and Y. Yamanaka, "Development of realistic high-resolution whole-body voxel models of Japanese adult male and female of average height and weight, and applications of models to radio-frequency electromagnetic-field dosimetry," Phys. Med. Biol., vol.49, no.1, pp.1– 15, 2004.
- 43 A. Christ, et al., "The Virtual Family development of surface-based anatomical models of two adults and two children for dosimetric simulations," Phys. Med. Biol., vol.55, no.2, pp.N23–N38, 2010.
- 44 Revision of Part 15 of the Commission's Rules Regarding Ultra-Wideband Transmission Systems, Federal Commun. Commission, Washington, DC, USA, 2002.
- 45 J. Chakarothai, S. Watanabe, and K. Wake, "Numerical dosimetry of electromagnetic pulse exposures using FDTD method," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.66, no.10, Oct. 2018.
- 46 J. Chakarothai, K. Wake, and K. Fujii, "Dosimetry of various human bodies exposed to microwave broadband electromagnetic pulses," Frontiers in Public Health, vol.9, Article 725310, Aug. 2021.
- 47 T. Nagaoka, S. Watanabe, K. Sakurai, E. Kunieda, S. Watanabe, M. Taki, and Y. Yamanaka, "Development of realistic high resolution whole-body voxel models of Japanese adult males and females of average height and weight, and application of models to radio-frequency electromagnetic-field dosimetry," Phys. Med. Biol., vol.49, no.1, pp.1– 15, 2004.
- 48 S. Gabriel, R. W. Lau, and C. Gabriel, "The dielectric properties of biological tissues: III. Parametric models for the dielectric spectrum of tissues," Phys. Biol. Med., vol.41, no.11, pp. 2271–2293, 1996.
- 49 T. Kitazawa, T. Yamagiwa, Y. Kim, J. Chakarothai, Y. Hayashi, and T. Kasuga, "A novel FDTD approach considering frequency dispersion of FR-4 substrates for signal transmission analyses at GHz band," IEEE Trans. Electromagn. Compat., vol.64, no.5, Oct. 2022.
- 50 T.-L. Wu, F. Buesink, and F. Canavero, "Overview of signal integrity and EMC design technologies on PCB: Fundamentals and latest progress," IEEE Trans. Electromagn. Compat., vol.55, no.4, pp.624–638, Aug. 2013.
- 51 T. Kasuga and H. Inoue, "Elucidation on characteristics for electromagnetic noise radiation from PCB using FDTD-MAS method," IEICE Trans. Commun., vol.E89-B, no.3, pp.1030–1032, March 2006.
- 52 Y. Kayano, K. Mimura, and H. Inoue, "Evaluation of imbalance component and EM radiation generated by an asymmetrical differentialpaired lines structure," Trans. Jpn. Inst. Electron. Packag., vol.4, no.1, pp.6–16, 2011.
- 53 X. Ye, M. Y. Koledintseva, M. Li, and J. L. Drewniak, "DC power-bus design using FDTD modeling with dispersive media and surface mount technology components," IEEE Trans. Electromagn. Compat., vol.43, no.4, pp.579–587, Nov. 2001.
- 54 A. R. Djordjević, R. M. Biljie, V. D. Likar-Smiljanić, and T. K. Sarkar, "Wideband frequency-domain characterization of FR-4 and time-domain causality," IEEE Trans. Electromagn. Compat., vol.43, no.4, pp.662–667, Nov. 2001.



Chakarothai Jerdvisanop (チャカロタイ ジェドヴィスノブ) 電磁波標準研究センター 電磁環境研究室 主任研究員 博士 (工学) 電磁環境、生体電磁環境、電磁界解析、電磁 界計測 【受賞歴】 2020年 Best Paper Award, International Symposium on Antennas and Propagations 2019年 電子情報通信学会エレクトロニクス

2018年 Antennas and Propagation Ulrich L. Rohde Innovative Conference Paper Award on Antenna Measurements and Applications